

588. $\lim_{x \rightarrow \infty} x \left(\frac{\pi}{4} - \operatorname{arctg} \frac{x}{x+1} \right).$

589. $\lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(\frac{\pi}{2} - \operatorname{arcsin} \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} \right).$

590. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left[1 + \frac{(-1)^n}{n} \right]^{\operatorname{cosec}(\pi \sqrt{1+n^2})}.$

591. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x^{100}} e^{-\frac{1}{x^2}}.$

592. $\lim_{x \rightarrow +0} x \ln x.$

593. a) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (\sqrt{x^2+x} - x);$ b) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2+x} - x).$

594. a) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (\sqrt{1+x+x^2} - \sqrt{1-x+x^2});$

b) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{1+x+x^2} - \sqrt{1-x+x^2}).$

595. a) $\lim_{x \rightarrow 1^- 0} \operatorname{arctg} \frac{1}{1-x};$ b) $\lim_{x \rightarrow 1^+ 0} \operatorname{arctg} \frac{1}{1-x}.$

596. a) $\lim_{x \rightarrow -0} \frac{1}{1 + e^{\frac{1}{x}}};$ b) $\lim_{x \rightarrow +0} \frac{1}{1 + e^{\frac{1}{x}}}.$

597. a) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{n(1+e^x)}{x};$ b) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(1+e^x)}{x}.$

602. $\lim_{x \rightarrow 0} x \sqrt{\cos \frac{1}{x}}.$

605. $\lim_{n \rightarrow \infty} \sin^2(\pi \sqrt{n^2+n}).$

603. $\lim_{x \rightarrow 0} x \left[\frac{1}{x} \right].$

606. $\lim_{n \rightarrow \infty} \underbrace{\sin \sin \dots \sin}_{n \text{ раз}} x.$

604. $\lim_{n \rightarrow \infty} \sin(\pi \sqrt{n^2+1}).$