536. $\lim\limits_{x\to+\infty} \dfrac{\ln\left(1+\sqrt{x}+\sqrt[3]{x}\right)}{\ln\left(1+\sqrt[3]{x}+\sqrt[4]{x}\right)}.$

537. $\lim\limits_{h\to 0} \dfrac{\log(x+h)+\log(x-h)-2\log x}{h^2}$ $(x>0).$

538. $\lim\limits_{x\to 0} \dfrac{\ln\operatorname{tg}\left(\dfrac{\pi}{4}+ax\right)}{\sin bx}.$

539. $\lim\limits_{x\to 0} \dfrac{\ln\cos ax}{\ln\cos bx}.$

540. $\lim\limits_{x\to 0}\left(\ln\dfrac{nx+\sqrt{1-n^2x^2}}{x+\sqrt{1-x^2}}\right).$

540.1. $\lim\limits_{x\to 0} \dfrac{\ln(nx+\sqrt{1-n^2x^2})}{\ln(x+\sqrt{1-x^2})}.$

541. $\lim\limits_{x\to 0} \dfrac{a^x-1}{x}$ $(a>0).$

542. $\lim\limits_{x\to a} \dfrac{a^x-x^a}{x-a}$ $(a>0).$

543. $\lim\limits_{x\to a} \dfrac{x^x-a^a}{x-a}$ $(a>0).$

544. $\lim\limits_{x\to 0}(x+e^x)^{\frac{1}{x}}.$

545. $\lim\limits_{x\to 0}\left(\dfrac{1+x\cdot 2^x}{1+x\cdot 3^x}\right)^{\frac{1}{x^2}}.$

545.1. $\lim\limits_{x\to 0}\left(\dfrac{1+\sin x\cos ax}{1+\sin x\cos\beta x}\right)^{\operatorname{ctg}^3 x}.$

545.2. $\lim\limits_{x\to 1} \dfrac{\sin(\pi x^\alpha)}{\sin(\pi x^\beta)}.$

545.3. $\lim\limits_{x\to 1} \dfrac{\sin^2(\pi\cdot 2^x)}{\ln[\cos(\pi\cdot 2^x)]}.$

546. $\lim\limits_{n\to\infty}\operatorname{tg}^n\left(\dfrac{\pi}{4}+\dfrac{1}{n}\right).$

547. $\lim\limits_{x\to 0} \dfrac{e^{ax}-e^{\beta x}}{\sin ax-\sin\beta x}.$

548. $\lim\limits_{x\to a} \dfrac{x^\alpha-a^\alpha}{x^\beta-a^\beta}$ $(a>0).$

549. $\lim\limits_{x\to b} \dfrac{a^x-a^b}{x-b}$ $(a>0).$

550. $\lim\limits_{h\to 0} \dfrac{a^{x+h}+a^{x-h}-2a^x}{h^2}$ $(a>0).$

551. $\lim\limits_{x\to\infty} \dfrac{(x+a)^{x+a}(x+b)^{x+b}}{(x+a+b)^{2x+a+b}}.$

552. $\lim\limits_{n\to\infty} n\left(\sqrt[n]{x}-1\right)$ $(x>0).$

553. $\lim\limits_{n\to\infty} n^2\left(\sqrt[n]{x}-\sqrt[n+1]{x}\right)$ $(x>0).$

554. $\lim\limits_{n\to\infty}\left(\dfrac{a-1+\sqrt[n]{b}}{a}\right)^n$ $(a>0,\ b>0).$

555. $\lim\limits_{n\to\infty}\left(\dfrac{\sqrt[n]{a}+\sqrt[n]{b}}{2}\right)^n$ $(a>0,\ b>0).$